

## Физика (Ответы и решения)

**Ф1.** Определим время, в течение которого колонна будет разворачиваться, т. е. время между моментами встречи тренера с первым спортсменом и встречи тренера с последним спортсменом. После встречи тренера с первым спортсменом тренер и последний спортсмен бегут навстречу друг другу со скоростями 15 км/ч и 20 км/ч соответственно, первоначальное расстояние между ними – 70 м. Следовательно, встретятся они через время  $t = 70 \text{ м} / (15 \text{ км/ч} + 20 \text{ км/ч}) = 70 \text{ м} / (35 \text{ км/ч})$ . За это время тренер убежит от места встречи с первым спортсменом на расстояние  $t \cdot 15 \text{ км/ч} = 70 \text{ м} / (35 \text{ км/ч}) \cdot 15 \text{ км/ч} = 70 \text{ м} \cdot (3/7)$ , а сам первый спортсмен - на  $t \cdot 20 \text{ км/ч} = 70 \text{ м} / (35 \text{ км/ч}) \cdot 20 \text{ км/ч} = 70 \text{ м} \cdot (4/7)$ .

Разница между этими расстояниями  $70 \text{ м} \cdot (4/7) - 70 \text{ м} \cdot (3/7) = 40 \text{ м} - 30 \text{ м} = 10 \text{ м}$ . Это и есть длина колонны после разворота.

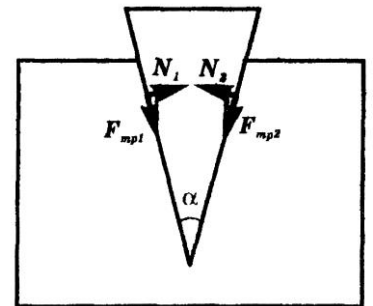
**Ф2.** Действующие на клин силы показаны на рисунке.

Приравнявая нулю проекцию равнодействующей этих сил на вертикальную ось, получаем

$$N_1 \sin \frac{\alpha}{2} + N_2 \sin \frac{\alpha}{2} - F_{mp1} \cos \frac{\alpha}{2} - F_{mp2} \cos \frac{\alpha}{2} = 0.$$

Учитывая, что  $N_1 = N_2$  (в силу симметрии) и  $F_{mp} \leq \mu N$ , имеем

$$\mu \geq \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}$$



**Ф3.** Запишем закон сохранения импульса в проекции на горизонтальную ось:  $mu \cos \alpha = (m + M)v$

Преобразуем уравнение  $Mv = m(u \cos \alpha - v)$  и получим отношение масс клина и шайбы

$$\frac{M}{m} = \frac{u}{v} \cos \alpha - 1 \approx 6,07$$

<b>Ф4.</b>	Емкость конденсатора	уменьшается
	Напряженность электрического поля в конденсаторе	увеличивается
	Энергия электрического поля, запасенная в конденсаторе	увеличивается

<b>Ф5.</b>	Частота звука	не изменяется
	Амплитуда звуковых колебаний	уменьшается
	Скорость звука	уменьшается

**ФС1.** По формуле Эйнштейна  $E = hv = A_{\text{вых}} + E_K$ .

Поэтому в первом случае  $E_{K1} = hv_1 - A_{\text{вых}}$ , а во втором случае  $E_{K2} = hv_2 - A_{\text{вых}}$ . Вычисляя отношение  $\frac{E_{K2}}{E_{K1}}$ , получим, что кинетическая энергия увеличится, примерно, в 2,4 раза.

**ФС2.** Применим для решения задачи второй закон Ньютона. Для того чтобы тело могло двигаться так, как описано в условии задачи, искомая сила  $F$  должна иметь две составляющие. Одна составляющая  $F_1$  должна быть направлена параллельно наклонной плоскости вверх, вдоль нее, и уравновешивать действующую вниз по этому направлению проекцию силы тяжести, то есть  $F_1 = mg \sin \alpha$ . Другая составляющая  $F_2$  должна быть направлена параллельно наклонной плоскости поперек нее, в горизонтальном направлении, и обеспечивать движение с постоянным

ускорением  $a$ , то есть  $F_2 = ma$ . Так как составляющие  $F_1$  и  $F_2$  взаимно перпендикулярны, то модуль искомой силы  $F$  может быть найден при помощи теоремы Пифагора:  

$$F = \sqrt{F_1^2 + F_2^2} = m\sqrt{g^2 \sin^2 \alpha + a^2}$$
. Подставляя числа и проверяя размерность, находим ответ:  

$$F = 5\sqrt{2} \text{ Н} \approx 7 \text{ Н}.$$

Допускается решение «по частям» (с промежуточными вычислениями).

**Ответ:**  $F = m\sqrt{a^2 + g^2 \sin^2 \alpha} = 5\sqrt{2} \text{ Н} \approx 7 \text{ Н}$ .

**ФС3.** Пусть в каждой из частей сосуда находится  $n$  молей газа при температуре  $T$ . Обозначим площадь поршня через  $S$ , а его массу через  $m$ . Тогда, согласно уравнению Клапейрона–Менделеева, давление в верхней части сосуда равно  $p_1 = \frac{\nu RT}{2SH}$ , а в нижней части сосуда оно равно  $p_2 = \frac{\nu RT}{SH}$ . Так как поршень находится в равновесии, то в соответствии со вторым законом Ньютона сумма действующих на него сил равна нулю:

$$p_1 S + mg = p_2 S + F.$$

После нагревания газа при неподвижном поршне и увеличения его температуры на величину  $\Delta T$  изменения давления в верхней и нижней частях сосуда будут равны  $\Delta p_1 = \frac{\nu R \Delta T}{2SH}$  и

$\Delta p_2 = \frac{\nu R \Delta T}{SH}$ , соответственно. В момент начала движения поршня сила натяжения нити, на которой он подвешен, обращается в ноль. Поэтому условие равновесия поршня для этого момента приобретает вид:

$$(p_1 + \Delta p_1)S + mg = (p_2 + \Delta p_2)S.$$

Вычитая из первого записанного уравнения второе, получим:  $\Delta p_1 S = \Delta p_2 S - F$ , откуда

$$F = (\Delta p_2 - \Delta p_1)S = \frac{\nu R \Delta T}{2H}.$$

Так как газ в сосуде нагревается при постоянном объеме, то, в соответствии с первым законом термодинамики, ему сообщается количество теплоты  $\Delta Q = \frac{3}{2} \cdot 2\nu \cdot R \Delta T = 3\nu R \Delta T$ . Исключая из двух последних формул произведение  $\nu R \Delta T$ , находим:

$$\Delta Q = 3\nu R \Delta T = 6FH.$$

Подставляя числа и проверяя размерность, находим ответ:  $\Delta Q = 30$  Дж.

Допускается решение «по частям» (с промежуточными вычислениями).

**Ответ:**  $\Delta Q = 6FH = 30$  Дж.

**ФС4.** Воспользуемся формулой для вычисления емкости при последовательном соединении конденсаторов. В соответствии с ней, до замыкания ключа общая емкость конденсаторов была равна  $C/3$ . Запасенная конденсаторами энергия составляла  $W_1 = \frac{(C/3)\mathcal{E}^2}{2}$ , а заряд каждого из конденсаторов был равен  $q_1 = C\mathcal{E}/3$ . После замыкания ключа потенциалы обкладок среднего конденсатора выравниваются, и к батарее оказываются последовательно подсоединены два

конденсатора. Их общая емкость равна  $C/2$ , запасенная ими энергия составляет  $W_2 = \frac{(C/2)\mathcal{E}^2}{2}$ ,

а заряд каждого из конденсаторов становится равным  $q_2 = C\mathcal{E}/2$ . Таким образом, после замыкания ключа через батарею протекает заряд  $\Delta q = q_2 - q_1 = C\mathcal{E}/6$ . При этом сторонние силы батареи совершают работу  $A = \Delta q\mathcal{E} = C\mathcal{E}^2/6$ . В соответствии с законом сохранения энергии эта работа расходуется на увеличение энергии конденсаторов и частично превращается в теплоту  $\Delta Q$ , выделяющуюся в резисторе  $R$  и внутри батареи с внутренним сопротивлением  $r$ :

$$A = W_2 - W_1 + \Delta Q.$$

$$\text{Отсюда } \Delta Q = A - W_2 + W_1 = \frac{C\mathcal{E}^2}{6} - \frac{C\mathcal{E}^2}{4} + \frac{C\mathcal{E}^2}{6} = \frac{C\mathcal{E}^2}{12}.$$

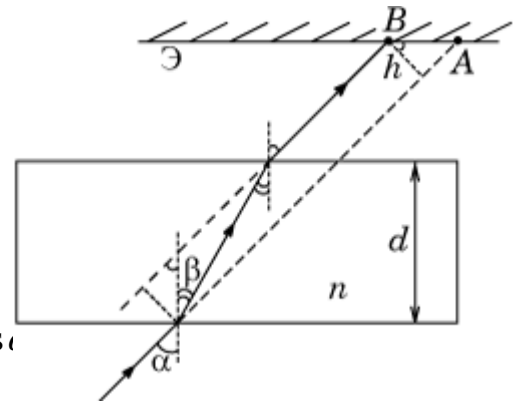
Подставляя числа и проверяя размерность, находим ответ:  $\Delta Q = 1,2 \text{ мкДж}$ .

Допускается решение «по частям» (с промежуточными вычислениями).

$$\text{Ответ: } \Delta Q = \frac{C\mathcal{E}^2}{12} = 1,2 \text{ мкДж}.$$

**ФС5.** Построим ход луча в стеклянной пластинке. Из рисунка видно, что световой луч, проходя через пластинку, не изменяет своего направления, но смещается параллельно самому себе. При этом светлая точка на экране из положения  $A$  смещается в положение  $B$ .

Из рисунка, кроме того, следует, что величина смещения луча параллельно самому себе равна



$$h = \frac{d}{\cos \beta} \cos\left(\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) + \beta\right) = \frac{d \sin(\alpha - \beta)}{\cos \beta} = d(\sin \alpha - \cos \beta).$$

( $\beta$  – угол преломления света при прохождении луча через грань пластинки из воздуха в стекло).

Из закона преломления света находим:  $\sin \alpha = n \sin \beta$ . Отсюда  $\cos \beta = \frac{\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}}{n}$ ,

$$\text{tg } \beta = \frac{\sin \alpha}{\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}} \text{ и } h = d \sin \alpha \left(1 - \frac{\cos \alpha}{\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}}\right).$$

Искомое смещение светлой точки на экране равно  $s = |AB| = \frac{h}{\cos \alpha} = d \text{tg } \alpha \left(1 - \frac{\cos \alpha}{\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}}\right)$ .

Подставляя числа и проверяя размерность, находим ответ:  $s = 2 \text{ см}$ .

Допускается решение «по частям» (с промежуточными вычислениями).

$$\text{Ответ: } s = d \text{tg } \alpha \left(1 - \frac{\cos \alpha}{\sqrt{n^2 - \sin^2 \alpha}}\right) = 2 \text{ см}.$$